**المستخلص عربي :**

دراسة النظرية الإبدالية للحلقات كانت وما زالت تجذب اهتمام الكثير من علماء الرياضيات , ولقد درست الخاصية الإبدالية للحلقات تحت شروط معينة وكان من أبرز من درس الخاصية الإبدالية في الحلقات العالم (ودربيرون) . لقد استطاع (ودربيرون) أن يثبت في نظريته المشهورة أن حلقة القسمة المنتهية تكون إبدالية . حديثاً استطاع (تونغ) أن يثبت بعض النظريات الإبدالية للحلقات المحتوية على العنصر المحايد مستخدماً الطريقة التقريبية . في هذا البحث نواصل دراسة الخاصة الإبدالية للحلقات التي تحتوي على العنصر المحايد , وذلك باستخدام الطريقة التقريبية , وذلك لبرهان بعض النظريات الإبدالية الجديدة وإعطاء برهان أسهل وأقصر لبعض النظريات المعروفة .

استطاع الباحثان أن يعطيا تعميماً لبعض النتائج المبرهنة بواسطة ( تونغ , وبيل ) كما تم وضع برهان لنظرية إبدالية للحلقات المحتوية على عنصر محايد , وذلك باستخدام اختبار (هيرستين) وأيضاً باستخدام الطريقة التقريبية .

**Abstract:**

Theoretical study of substitution of the rings was and still attract the attention of many mathematicians, I have studied the substitution property of the rings under certain conditions and was of the most studied property of substitution in the rings of the world (Drberon). I could (and Drberon) to prove his theory in the famous episode that ended the division Abdulah. Newly able to (Tong) to prove some theories of the substitution loops containing a neutral element, using the approximate method. In this paper we continue the study on substitution of the rings that contain the neutral element, using the approximate method, for the proof of some of the substitution of new theories and to give the easiest and shortest proof of some of the known theories.

Researchers were able to give renewed a generalization of some results proven by (Tong, and Bill) have also been developed for the proof of the theory of Abdulah rings containing a neutral component, using the test (Hurstan) and also using the approximate method.